

1 Gaia Multzoen teoria

Multzo eragiketak

Bildura $(A \cup B)$:

$$\forall x \in A \cup B \quad x \in A \vee x \in B$$

Ebakidura $(A \cap B)$:

$$\forall x \in A \cap B \quad x \in A \wedge x \in B$$

Disjuntua baldin

$$A \cap B = \emptyset \rightarrow \nexists x \rightarrow x \in A \wedge x \in B$$

Definizioak:

Multzo berdinak

Bi multzo A eta B berdinak dira, $A=B$ baldin elementu

berdinak badituzte, $A \subseteq B$ eta $B \subseteq A$.

Azpi multzo propioa

A multzoa B multzoaren azpi multzo propioa da baldin $A \subset B$, hau da, $A \subseteq B$ eta $A \neq B$.

Potentzia multzoa

A multzoa izanik, A-ren potentzia multzoa, $\mathcal{P}(A)$, A ren azpi multzo guztien bilduma da.

Multzo baten partizioa

A multzoaren partizioa A-ren azpi multzo ez hutsen familia bat da. Azpi multzo hauek elkarren artean disjuntua dira eta guztien bildura A da.

$$\mathcal{P} = \{A_i : i \in I\} \quad (I = \text{Indize multzoa})$$

$$\circ (\forall i \in I) \quad \emptyset \neq A_i \subseteq A \rightarrow \text{Azpi multzo ez hutsak}$$

$$\circ (\forall i, j \in I) \quad A_i \neq A_j \Rightarrow A_i \cap A_j = \emptyset \rightarrow \text{Ez dago elementu berbera bi partiziotan}$$

$$\circ \bigcup_{i \in I} A_i = A$$

Biderkadura Kartesiarra

$A \times B := \{(x, y) : x \in A \text{ eta } y \in B\} \rightarrow A \text{ eta } B \text{ multzoen bikote ordenatuen multzoa da.}$

Propietateak:

Trukatze:

$$A \cup B = B \cup A$$

$$A \cap B = B \cap A$$

Elkartze:

$$A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap C$$

$$A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup C$$

Beste propietate batzuk:

$$A \cup U = U \quad A \cap U = A \quad U^c = \emptyset \quad |A \cup B| = |A| + |B| - |A \cap B|$$

$$A \cup A^c = U \quad A \cap A^c = \emptyset \quad \emptyset^c = U$$

$$A \cup \emptyset = A \quad A \cap \emptyset = \emptyset \quad (A^c)^c = A$$

$$A \subseteq A \cup B \quad A \cap B \subseteq A \quad |A \cup B \cup C| = |A| + |B| + |C| - |A \cap B| - |A \cap C| - |B \cap C| + |A \cap B \cap C|$$

Banatze:

$$A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$$

$$A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$$

De Morgan:

$$(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$$

$$(A \cap B)^c = A^c \cup B^c$$

Idempotentzia:

$$A \cup A = A$$

$$A \cap A = A$$

