

2. Partzialaren Laburpena ☺

Grafoak

Kontzeptuak:

Katea:

Ertz errepikatunik ez duen ibilbide irekia.

Kate Eulertarra:

Ertz guztiatik behin eta bakarrik behin igarotzen den kate irekia da.

Zirkuitua:

Ertz errepikatunik ez duen ibilbide itxia.

Zirkuitu Eulertarra:

Ertz guztiatik behin eta bakarrik behin igarotzen den zirkuitua da.

Aritmetika modularra:

RSA:

5a Koen sormena

1. Aukeratu bienbaki lehen (p, q)

2. $n = p \cdot q$

3. $m = (p-1)(q-1)$

4. $r \rightarrow \text{zk}(m, r) = 1$

5. $s = r^{-1} \text{ mod } m$

Zifratzea:

$R_i = M^i \text{ mod } n$

Deszifratzea:

$M_i = R_i^s \text{ mod } n$

Berreketak modularra

Adb: $a^{15} \text{ mod } 5$

1. Forma generala ateratu

$$a^{15} = a^{11} \cdot a = (a^4)^3 \cdot a = (a^4 \cdot a)^3 \cdot a = ((a^4)^3 \cdot a)^3 \cdot a$$

2. modulu aplikatu

$$((a^4 \text{ mod } 5 \cdot a \text{ mod } 5)^3 \text{ mod } 5 \cdot a \text{ mod } 5)^3 \text{ mod } 5 \cdot a \text{ mod } 5$$

Alderantziako modularra

Adb: $a^{-1} \text{ mod } b$

$$b \begin{array}{|l} \underline{a} \\ 1 \end{array} \begin{array}{|l} b = c \cdot a + 1 \\ 1 = b \cdot \underline{c} \end{array}$$

Alderantziako modularra

Eulerren funtzioa $\phi(n)$

n Lehena bada: $\phi(n) = n - 1$

$n = p \cdot q$: $\phi(n) = (p-1)(q-1)$

Bidea:

Ertz errepikatunik ez duen ibilbide irekia.

Bide Hamiltondarra

Ertz guztiak duen bidea. $\forall x \in V, d(x) \geq \frac{n-2}{2}$

K-grafo:

K erpineko grafo osoia

K-erregularra:

Ertz guztiak K gradua dute. $\forall x \in V, d(x) = K$

Azpigrafo sortzailea:

Azpigrafoa eta grafoa erpin berdinak dituztenean.

Sortzaile $\Leftrightarrow V_i = V$

2^m azpigrafo sortzaile dauka, $m = N(V)$

Zenbaki teoria

Zatigarritasun prop.

1. $\forall a \neq 0, 1a = a$; $a0 = 0$

2. $\forall a, b \neq 0, (ab) \cdot (ba) \Rightarrow a = b \vee a = -b$

3. $\forall a, b \neq 0, (ab) \cdot (bc) \Rightarrow abc$

4. $\forall a \neq 0, a|b \Rightarrow (\forall x \in \mathbb{Z}) a|xb$

5. $\forall a \neq 0, a|b \wedge a|c \Rightarrow \forall x, y \in \mathbb{Z} a|bx + cy$

Zkh-ren propietateak

1. $\text{zk}(a, b) = \text{zk}(b, a)$

2. $\text{zk}(0, 0)$ ez dago definiturik

3. $\forall a \in \mathbb{Z} \wedge a \neq 0, \text{zk}(a, 0) = |a|$

4. $a, b \in \mathbb{Z}$ emanik betetzerikoa da $\text{zk}(a, b)$

$a = b = 0$ izan ezik. $\text{zk}(a, b) = \text{zk}(\text{lcm}(a, b))$

5. Beazuten identitateak

$$\forall a, b \in \mathbb{Z} \wedge a, b \neq 0 \exists x, y \Rightarrow \text{zk}(a, b) = xa + yb$$

$\text{zk}(a, b)$ da a eta b ren konbinazio lineal

moduan adieraz daitezkeen zenbaki

oso positiborik txikiena.

6. Aurreko konbinazio linealen

Koefizientiek ez dira bakarrik

$$\text{zk}(a, b) = xa + yb$$

$$\text{zk}(a, b) = (x + pb)a + (y - pa)b, p \in \mathbb{Z}$$

Multipliko Komun txikiena

1. m zenbakia a eta b ren multipliko komun da

$$a|m \wedge b|m$$

2. a eta b zenbakien edozein multipliko komun

m baino handiago edo berdina da.

$$\forall c \in \mathbb{Z}^+ a|c, b|c \Rightarrow m \leq c$$

Aritmetikaren oinarriko teorema

$\forall n \in \mathbb{N}$ n lehena da edo n zenbaki lehenen biderketa gisa

idatz daitezke era bakarrean.

Lema:

$$p|ab \Rightarrow (p|a) \vee (p|b)$$

Lema:

$$p|a, a_1 \dots a_n \Rightarrow p|a_j; j \in \{1, \dots, n\} \text{ baterako}$$